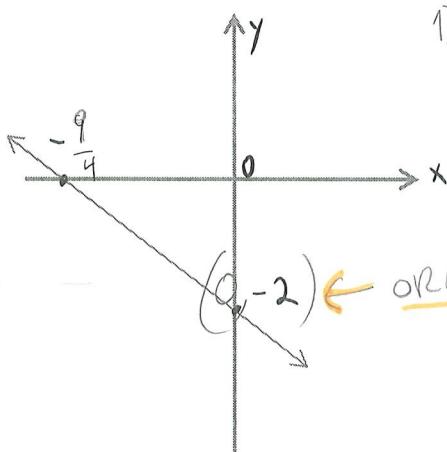


1. Quelle est l'équation de la droite ci-dessous ?



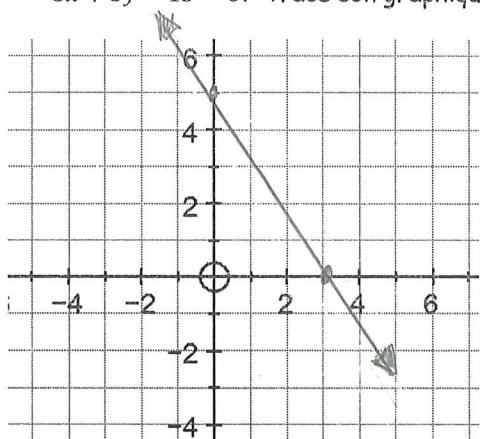
$$1) \text{ La pente} = \frac{-2}{\frac{9}{4}} = -\frac{8}{9}$$

ORDONNÉE À L'ORIGINE

$$y = -\frac{8}{9}x - 2.$$

2. Quels sont la pente, l'abscisse à l'origine et l'ordonnée à l'origine de la relation

$$5x + 3y - 15 = 0? \text{ Trace son graphique.}$$



$$5x + 3y - 15 = 0$$

$$3y = -5x + 15$$

$$y = -\frac{5}{3}x + 5$$

$$\boxed{\text{Pente} = -\frac{5}{3}}$$

$$\text{Or. Or} = 5$$

$$\begin{aligned} \text{Abs. Or: } y = 0 &\Rightarrow 5x - 15 = 0 \\ \Rightarrow (x = 3) \end{aligned}$$

$$\text{Dr. Or} = (0, 5)$$

$$\text{Abs. Or} = (3, 0)$$

$$m = -\frac{5}{3}$$

3. Deux droites sont parallèles. L'équation d'une est $3x + wy - 16 = 0$ et l'équation de l'autre est $wx + 12y + 8 = 0$. Quels sont les valeurs possibles de w ?

$$\text{Droite 1: } 3x + wy - 16 = 0$$

$$wy = -3x + 16$$

$$\boxed{y = +\frac{3}{w}x + \frac{16}{w}}$$

$$\text{Droite 2: } wx + 12y + 8 = 0$$

$$12y = -wx - 8$$

$$y = -\frac{w}{12}x - \frac{8}{12}$$

$$\boxed{y = -\frac{w}{12}x - \frac{2}{3}}$$

Puisque les droites sont parallèles,
cela veut dire que les pentes sont égales :

$$-\frac{3}{w} = -\frac{w}{12} \Rightarrow w^2 = 36 \Rightarrow \boxed{w = \pm 6}$$

Note: Quand $w = \pm 6$, les ordonnées à l'origine sont :
 $\text{O. O. 1} = \pm \frac{16}{6}$ et $\text{O. O. 2} = -\frac{2}{3} \rightarrow$ alors différentes, alors

The droites ne coïncident pas.
 ("are not the same")

4. La table de valeurs pour la droite $4x - 3y - 12 = 0$ est incomplète. Remplis les valeurs manquantes.

x	y
-5	
	8

$$a) 4(-5) - 3y - 12 = 0$$

$$-20 - 12 = 3y \Rightarrow 3y = -32 \Rightarrow$$

$$y = -\frac{32}{3}$$

b) \checkmark

$$b) y = 8 : 4x - 3(8) - 12 = 0$$

$$4x = 12 + 24$$

$$4x = 36 \Rightarrow$$

$$\boxed{x = 9}$$

5. Deux droites sont perpendiculaires. L'équation de droite 1 est $3x - 4y - 13 = 0$. Droite 2 croise droite 1 dans le point $M(k, -7)$. Quelle est l'équation de la droite 2 ?

① Analyse de droite 1 : $3x - 4y - 13 = 0 \Rightarrow 4y = 3x - 13 \Rightarrow y = \frac{3}{4}x - \frac{13}{4}$

$$\text{Alors } m_1 = \frac{3}{4}, \text{ et } \boxed{m_2 = -\frac{4}{3}}$$

② Puisque $M(k, -7)$ est sur les deux droites, cela veut dire que : $3(k) - 4(-7) - 13 = 0 \Rightarrow 3k = 13 - 28 \Rightarrow k = -5 \Rightarrow \boxed{k = -5}$

③ Formule pente-point pour droite 2, où on connaît la pente $(-\frac{4}{3})$ et un point $(-5, -7)$: $y + 7 = -\frac{4}{3}(x + 5) \Rightarrow y + 7 = -\frac{4}{3}x - \frac{20}{3}$
 $\Rightarrow y = -\frac{4}{3}x - \frac{20}{3} - \frac{21}{3} \Rightarrow \boxed{y = -\frac{4}{3}x - \frac{41}{3}}$

6. Soit deux droites, droite 1 d'équation $x - 2y + 16 = 0$ et droite 2 d'équation $3x + 4y - 12 = 0$. Ou est-ce qu'elles se croisent ? Il y a plusieurs façons de résoudre :

1) graphique (voir page attachée)

2) table de valeurs. → longue :)

3) méthode algébrique → celui que je vais faire :

$$\text{Droite 1 : } x - 2y + 16 = 0 \Rightarrow 2y = x + 16 \Rightarrow y = \frac{x}{2} + 8$$

$$\text{Droite 2 : } 3x + 4y - 12 = 0 \Rightarrow 4y = -3x + 12 \Rightarrow y = -\frac{3}{4}x + 3$$

Puisque les droites se croisent, cela veut dire qu'il existe un point pour lequel le x et le y sont égaux pour les 2 EQ.

$$\text{Alors } \frac{x}{2} + 8 = -\frac{3}{4}x + 3 \Rightarrow \frac{x}{2} + \frac{3x}{4} = -5 \Rightarrow \frac{5x}{4} = -5 \Rightarrow \boxed{x = -4}$$

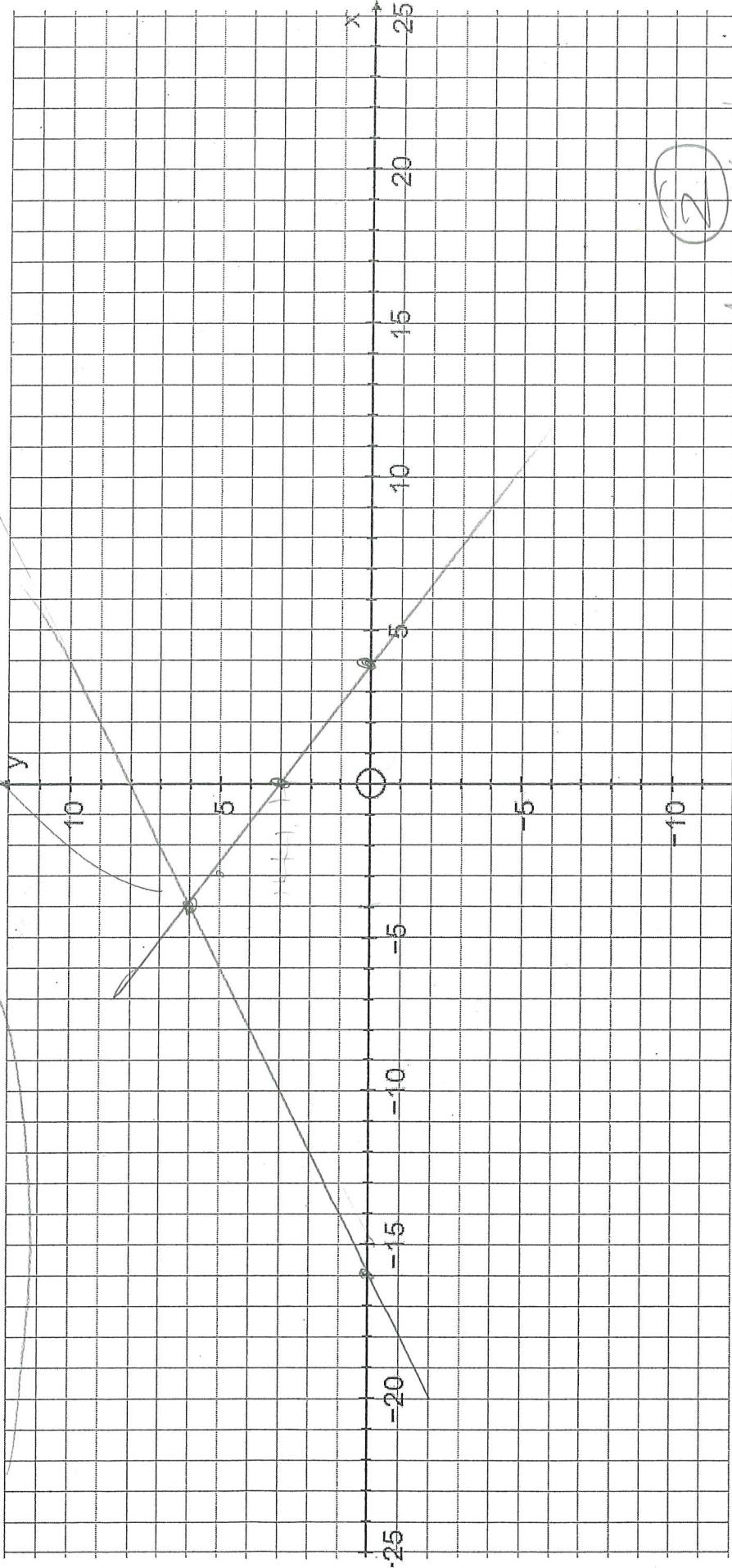
$$\text{Si } x = -4 \Rightarrow y = \frac{-4}{2} + 8 = 6$$

$$\boxed{\text{Le point : } (-4, 6)}$$

Plans cartésiens

Méthode 1

$(-4, 6)$



Méthode algébrique

$$3x + 4y - 12 = 0$$

$$4y = -3x + 12$$

$$y = -\frac{3}{4}x + 3$$

$$x - 2y + 16 = 0$$

$$2y = x + 16$$

$$y = \frac{1}{2}x + 8$$

$$\text{Abs. or } = -16.$$

$$\frac{1}{2}x + 8 = -\frac{3}{4}x + 3$$

$$\frac{1}{2}x + \frac{3}{4}x = -8 + 3$$

$$\frac{2x + 3x}{4} = -5$$

$$\begin{aligned} 5x &= -20, \\ y &= \frac{1}{2}(4) + 8 = 8 + 3 = 11 \end{aligned}$$

$$x = -4, \boxed{x = -4}$$

il faut trouver ABS. OR !

7. Deux droites sont perpendiculaires, et se croisent sur l'axe x. L'équation d'une est $3x + 4y - 15 = 0$. Quelle est l'équation de l'autre ?

Droite 1 : $3x + 4y - 15 = 0 \Rightarrow 4y = -3x + 15 \Rightarrow y = -\frac{3}{4}x + \frac{15}{4}$

Puisque $m_1 = -\frac{3}{4}$, alors $m_2 = \frac{4}{3}$.

Le point est ABS. OR. de droite 1, alors $y = 0$

$$3x + 4(0) - 15 = 0 \Rightarrow x = 5 \rightarrow (5, 0) = \text{ABS. OR.}$$

Formule pente-point pour Droite 2 :

$$y - 0 = \frac{4}{3}(x - 5) \Rightarrow \boxed{y = \frac{4}{3}x - \frac{20}{3}}$$

8. Deux droites sont perpendiculaires, et se croisent sur l'axe x. L'équation d'une est $kx - 10y + 60 = 0$ et l'équation de l'autre est $5x + 2y + m = 0$. Quels sont les valeurs de k et m ?

Droite 1 : $kx - 10y + 60 = 0 \Rightarrow 10y = kx + 60 \Rightarrow \boxed{y = \frac{k}{10}x + 6}$

Droite 2 : $5x + 2y + m = 0 \Rightarrow 2y = -5x - m \Rightarrow \boxed{y = -\frac{5}{2}x - \frac{m}{2}}$

Raisonnement : a) Puisque les droites sont \perp , alors $\frac{k}{10} = \frac{2}{5} \Rightarrow$
 $\Rightarrow \boxed{k = 4}$

- b) Puisque les droites se croisent sur l'axe x, elles ont la même ABS. OR. On calcule ABS. OR. de Dr. 1 (et $k = 4$!).
 $4x - 10y + 60 = 0 \Rightarrow$ si $y = 0$, $4x + 60 = 0 \Rightarrow \boxed{x = -15}$

$$A \cdot O = (-15, 0)$$

- c) Formule pente point pour Droite 2 : $m_2 = -\frac{5}{2}$, point $(-15, 0)$

$$y = -\frac{5}{2}(x + 15) \Rightarrow \boxed{y = -\frac{5}{2}x - \frac{75}{2}}$$

$$\text{Alors } -\frac{m}{2} = -\frac{75}{2} \Rightarrow \boxed{m = 75}$$